

MÉTODO DE PSEUDOINVERSA O REGRESIÓN POR MÍNIMOS CUADRADOS

FUNDAMENTOS DE PROGRAMACIÓN Y MÉTODOS NUMÉRICOS

FACULTAD DE INGENIERÍA .UNICEN



SITUACIÓN PROBLEMÁTICA

PROBLEMA 1: Sistema masa-resorte

Nuevamente se realizaron ensayos para calcular las constantes de los dos resortes del sistema masa- resorte previamente estudiado. Las mediciones de las longitudes (mm) y fuerzas (N) se realizaron repetidas veces para poder encontrar el valor de las constantes. Los resultados fueron:

$$\begin{bmatrix} 10,50 & 22,10 \\ 12,86 & 22,49 \\ 12,41 & 29,74 \\ 11,39 & 23,59 \\ 12,59 & 22,53 \\ 10,70 & 20,52 \\ 11,70 & 26,52 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 153,30 \\ 173,68 \\ 176,44 \\ 186,12 \\ 158,57 \\ 164,92 \\ 181,84 \end{bmatrix}$$

Determine los valores de las constantes que mejor se ajustan a los datos obtenidos.

ANÁLISIS DEL PROBLEMA

¿Cuál es el objetivo?

Determinar los valores de las constantes k1 y k2



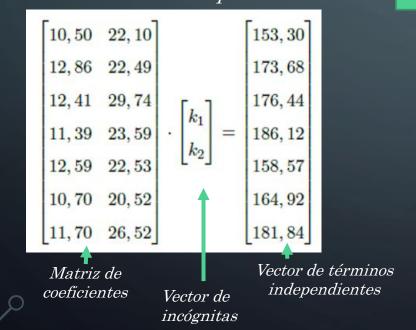




¿Qué datos hay disponibles, cuáles son los resultados que deseo obtener?

¿de qué datos e información se dispone?

Mediciones->datos experimentales:



PROCESO

¿Qué se espera como salida?

Los valores de las constantes de los resortes: k1 y k2





¿De qué tipo de problema se trata? ¿cuál es el **proceso**? ¿qué método o métodos son posibles de aplicar?

Determinar de que tipo de sistema se trata: se aplica el Teorema de Roche Frobenius: se calcula el rg(MC) y rg(MA)

Estrategia

rg(MC) = rg(MA)=2SEL compatible determinado

Gauss Seidel o Jacobi

 $rg(MC) \neq rg(MA)$ SEL incompatible

Método de pseudoinversa o de mínimos cuadrados





¿De qué tipo de problema se trata? ¿cuál es el **proceso**? ¿qué método o métodos son posibles de aplicar?

Determinar de que tipo de sistema se trata: se aplica el Teorema de Roche Frobenius: se calcula el rg(MC) y rg(MA)

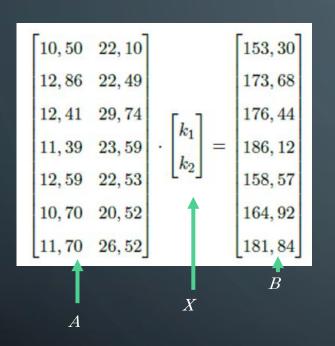


-→La resolución matemática de este problema involucra resolver un sistema de **ecuaciones lineales Incompatible** para poder conocer los valores de k1 y k2 -→ Método de pseudoinversa o de mínimos

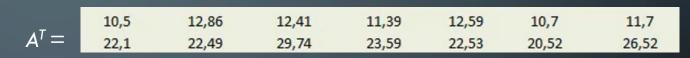
DISEÑO DE LA SOLUCION

Y aplicamos el método para obtener $X' = (A^T * A)^{-1} * A^{T*}B$

PROCESO:







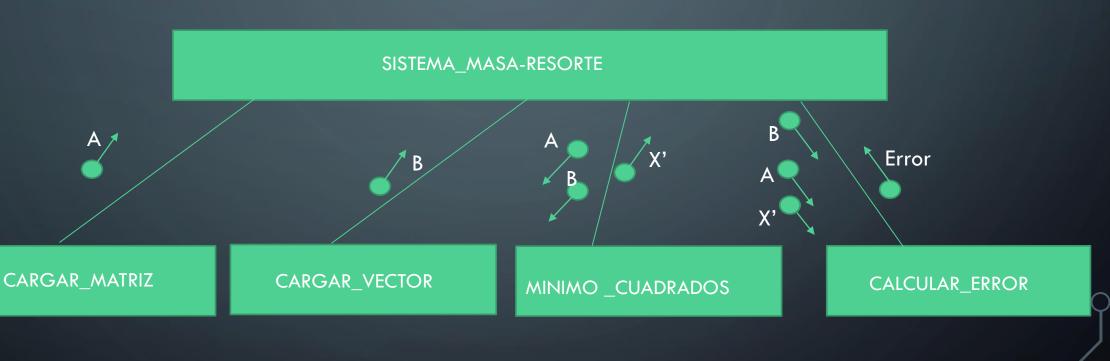
$$A^{T} * B =$$
 14041,2703 28711,0269

$$X' = (A^T * A)^{-1} * A^{T*}B =$$

$$\begin{array}{c} 9,26223829 \longrightarrow k1 \\ 2,5671388 \longrightarrow k2 \end{array}$$

DISEÑO DE LA SOLUCION

DIAGRAMA DE ESTRUCTURA



DISEÑO DE LA SOLUCION

ALGORITMOS

Funcion SISTEMA MASA-RESORTE

A= CARGAR_MATRIZ
B= CARGAR_VECTOR

X' = MINIMO_CUADRADOS(A, B) Error = CALCULAR_ERROR(A,B,X')

Imprimir("Los valores de k1 y k2 son:" X'[0],X'[1])

Fin_Funcion

Funcion MINIMO_CUADRADOS(A, B)

AT = transpose(A)

ATA = multiplicar(AT,A)

I = invertir(ATA)

ATB = multiplicar(AT, B)

X = multiplicar(I,ATB)

Retorno(X)

fin_Funcion

Función CALCULAR_ERROR(B,A,X') AX' = multiplicar(A,X')

Para i=0 hasta longitud(B) hacer B[i]=B[i] - AX'[i] Fin_para

Bsuma=0
Para i=0 hasta longitud(B) hacer
Bsuma=Bsuma+(B[i])²
Fin_para

Imprimir(Bsuma) **fin_Funcion**

IMPLEMENTACIÓN DE LA SOLUCION

RECUERDEN QUE:

Para las operaciones entre matrices:

import numpy as np

def MINIMO_CUADRADOS(A, B):

AT = np.transpose(A)

ATA = np.dot(AT,A)

I = np.linalg.inv(ATA)

ATB = np.dot(AT, B)

X = np.dot(I,ATB)

Return X

RESULTADOS CONTEXTUALIZADOS

Los valores aproximados de las constantes son k1 = 9,26 N/mm y k2 = 2,57 N/mm

Error = 32.975974